

“五环渐进”学教模式的探究

——以人教版六年级下册《圆柱的体积》一课为例

郑争荣

(福建省厦门市思明区观音山音乐学校 福建厦门 361008)

摘要: 2022年版数学课程标准要培养的数学核心素养简称“三会”,即会用数学的眼光观察现实世界;会用数学的思维思考现实世界;会用数学的语言表达现实世界。本文以数学核心素养为导向,源于平时教学实践,对《圆柱的体积》一课教学活动方式进行优选、整合、重组,不断思考,构建小学数学“五环渐进”学教模式。

关键词: 核心素养 五环渐进 学教模式

中图分类号: G63; G4 **文献标识码:** A

DOI: 10.12218/j.issn.2095-4743.2022.51.121

我们要关注学生经历学习的过程,用数学的眼光去发现和提出问题,用数学的思维和数学的语言分析和解决问题^[1]。我们通过正确的评价导向形成良好的学教模式,培养学生发现问题、提出问题、分析问题和解决问题的习惯,发展学生的核心素养。

一、教学指导思想

以学生为主体,教师为主导,提倡探索性方法,调动学生的主观能动性,变被动学习为主动学习,进一步发展学生的评判性思维活动,增强学生的创造性和自主能力的方法。“五环渐进”学教模式,突出了学生的主体地位,以学定教、以教促学、以用促能,层层递进,环环相扣。

二、教材分析

- 教材从回顾旧知(长方体,正方体的体积计算)入手,引出圆柱体积的计算问题。通过猜想—验证,将圆柱转化成已学过的长方体推导体积公式。
- 教师要建构空间与图形公式推导的学习模式,借助类比、迁移的方式,带领学生经历新知化旧知——沟通找关联—推导得公式的学习过程,融合转化的数学思想,建立空间观念^[2]。
- 教材在练习中,安排了钢管、煤球的体积计算,可见本课应将圆柱体积计算拓展至直柱体体积计算,提升学科育人价值。

三、学情分析

学生已经掌握长方体和正方体的体积计算公式和统一公式,能运用转化的方法解决新问题。学生现实状态分析如下。

- 具有一定的操作经验和类推、迁移的能力。

2. 经历平面图形面积公式的学习过程,积累了研究图形公式推导的学习经验,大部分孩子初步具有独立探究的能力。

3. 观察、分析转化前后图形之间的关系,理解“变中有不变”的思想,感悟等积变换原理。尝试完整叙述公式的推导过程。

四、教学目标及重难点

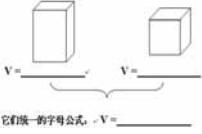
- 知识与能力:理解并掌握圆柱体积的计算公式;能运用公式解决简单的实际问题。
- 过程与方法:经历猜想—验证—推导圆柱体积公式的学习过程,进一步融入切割拼合的转化思想,发展空间,培养推理能力。
- 情感与态度--社会主义核心价值观:感受数学与生活的联系,激发学习兴趣,体验学习数学的价值。
- 重点:理解圆柱体积计算公式公式的推导过程。
- 难点:能用规范的数学语言描述圆柱体积公式的推导过程。

五、教学程序

“五环渐进”学教模式包含五个基本要素,分别为:问、学、导、思、用。问题导入,以问促学;重心下移,自主探究;收集资源,因势利导;善于回顾,追思溯源;学以致用,巩固提升^[3]。以“问-学-导-思-用”学教模式为统领,重组教学流程,在重组中要体现以下基本要素,突出学科特色。

- 问:学启以思,教师以“问题”为载体,促使学生带着问题思考,让教学走向化解疑的过程。如表1。

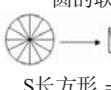
表1 设疑导入环节

教学环节	教师活动	学生活动	设计意图
设疑导入	<p>1. 出示长方体、正方体、圆柱物品，要求做这个物品所需的材料是求什么？物体所占空间的大小指的是什么？容器能够容纳水的多少求的是什么？</p>  <p>它们统一的字母公式：$V = \underline{\hspace{2cm}}$</p> <p>2. 复习长方体与正方体的体积公式。 $V_{\text{长方体}} = abh$ $V_{\text{正方体}} = a^3$ 统一公式：$V = Sh$</p> <p>3. 如果长方体、正方体、圆柱的底面积、高都相等，那么它们的体积相等吗？</p>	<p>1. 观察长方体、正方体、圆柱物品，并思考回答问题。</p> <p>2. 回顾长方体与正方体的体积公式。</p>	<p>复习长方体和正方体的体积，为后面圆柱体积的猜想做铺垫。</p>

设疑导入环节，以问题：容积和体积有什么联系与区别？引导学生复习长方体和正方体的体积和容积相关知识，明确求体积和容积计算公式一样，但测量数据不一样，为后面圆柱体积和容积的做铺垫。复习长方体与正方体的统一体积计算公式，为后面求直柱体的体积打下基础。

2. 学：以问题作为驱动，激发学生的学习兴趣和探究意识，倡导小组合作分工，开展自主学习。如表2。

表2 猜想验证环节

教学环节	教师活动	学生活动	设计意图
猜想验证	<p>1. 引导学生合理猜测。</p> <p>师：长、正方体的体积都是底面积乘高，圆柱的体积公式你们认为可能是什么？</p> <p>圆柱和长、正方形有什么联系和区别？使学生看到它们都有高，但底面不同，如果把底面转化成长、正方形就好了。</p> <p>2. 利用微课，帮助学生回顾圆的面积公式的推导，明确“转化”在新知学习中的重要性。</p>	<p>1. 猜测：$V_{\text{圆柱}} = Sh$？</p> <p>2. 回顾圆面积公式的推导过程：</p> <p>将圆转化成长方形，面积不变；建立长方形与圆的联系。</p>  <p>$S_{\text{长方形}} = a \times b$ $S_{\text{圆}} = (\pi r) \times r = \pi r^2$</p>	<p>微课回顾推导圆的面积的方法，类推迁移，使自主探究成为可能。</p>

猜想验证环节，以问题“圆柱的体积公式要怎么推导？”作为驱动，激发学生的学习兴趣和探究意识，鼓励学生根据已学立体图形公式进行猜想，开展自主学习。回顾圆的面积推导过程，明确圆可以转化成近似的长方形，引发学生类比推理，圆柱可以转化成哪种立体图形呢？从而尝试利用学具，将圆柱切拼成长方体，小组合作，推导出圆柱的体积公式。

3. 导：由开放到聚焦，教师引导学生记录学习、思考的过程。通过深入思考与观察，聚焦学习资源，以学促教，突出教师的引导作用。如表3。

表3 建构公式推导学习模型环节

教学环节	教师活动	学生活动	设计意图
建构公式推导学习模型	<p>1. 引导学生运用类比，可把圆柱底面转化成长方形，圆柱就相应地转化成长方体。</p> <p>教师展示过程或学生动手操作。</p> <p>2. 引导学生观察实验结果并思考问题。</p> <p>小结：圆柱转化为长方体，体积不变，长方体的底面积相当于圆柱的底面积，长方体的高相当于圆柱的高。</p> <p>3. 引导学生发现转化前后的内在联系，并组织学生尝试推导。</p> <p>4. 总结。</p> <p>已知S和h，根据公式$V_{\text{圆柱}} = Sh$，可求体积。</p> <p>5. 引导学生观察实验结果并思考问题。</p> <p>小结：圆柱转化为长方体，体积不变，长方体的长（a）相当于圆柱的底面周长的一半（πr），长方体的宽（b）相当于圆柱的底面半径（r）。长方体的高（h）相当于圆柱的高（h）。</p> <p>已知r和h，根据公式$V_{\text{圆柱}} = \pi r^2 h$，可求体积</p> <p>小结：沟通$V_{\text{圆柱}} = Sh$和$V_{\text{圆柱}} = \pi r^2 h$的联系。</p> <p>3. 全班交流，达成共识。</p>	<p>1. 验证：试一试能不能把圆柱转化为我们学过的立体图形，并计算它的体积？</p> <p>动手操作，观察实验，转化前后各部分的对应关系，自主推导出圆柱的体积计算公式。</p> <p>2. 思考：</p> <p>问题1. 你所拼成的立体图形，与原来的圆柱相比，有什么联系？</p> <p>将圆柱转化成长方体，体积不变；建立长方体与圆柱的联系。长方体的底面积相当于圆柱的底面积，长方体的高相当于圆柱的高。</p> <p>问题2. 根据发现，你能试着推导出圆柱体积公式吗？</p> <p>问题3. 你能根据长方体的体积公式$V = abh$，推导出圆柱的体积公式吗？</p> <p>长方体的长相当于圆柱的（ ），长方体的宽相当于圆柱的（ ）。长方体的高相当于圆柱的（ ）。</p>	<p>从长方体的两个公式入手，经历猜想—验证—结论圆柱体积的探究过程，建构空间观念。</p>

建构公式推导环节，利用学具，将圆柱切拼成长方体。引导学生通过 $V_{\text{长方体}} = Sh$ 尝试推导 $V_{\text{圆柱}} = Sh$ 。引导学生找出圆柱和近似长方体对应的底面积和高。引导学生通过 $V_{\text{长方体}} = abh$ ，推导出圆柱的体积公式。引导学生找出圆柱的底面周长的一半、半径、高和近似长方体的长、宽、高对应关系。

4. 思：以导促思，在追问中启发学生不仅“知其然”，还要“知其所以然”；在回顾中，思考学习的过程掌握学习的方法，提升学生的学习能力和学科素养。如表4。

表4 拓展延伸环节

教学环节	教师活动	学生活动	设计意图
拓展延伸	<p>1. 思考：当圆柱转化为长方体后，体积不变，表面积是否发生变化？根据提示，同桌交流：圆柱转化为长方体后，长方体的上下面相当于圆柱的（ ）长方体的前后面相当于圆柱的（ ）长方体的左右面呢？发现：圆柱转化成长方体后，体积不变，面积增加$2rh$。</p> <p>2. 讨论，下面图形哪些不能用$V=Sh$计算体积？</p>	组织交流并汇报发现其中的秘密口答并理清思路先交流不能运用 $V=Sh$ 计算体积的原因再交流能运用 $V=Sh$ 的理由；	借助思考转化过程中表面积的变化，感悟图形变化中的变与不变，不仅提高学生思维，而且进一步建构空间观念；知识迁移， $V=Sh$ 适用于所有直柱体，提升学科育人价值。

拓展延伸环节，引导学生思考：当圆柱转化为长方体后，体积不变，表面积是否发生变化？再次引导学生观察圆柱和转化之后的近似长方体之间的关系。找出对应的面积，圆柱的两个底面积对应近似长方体的上下两个面的面积，圆柱的一个侧面积对应近似长方体的前后两个面的面积，并且做上记号，此时就可以发现剩下长方体的左右两个面的面积没有做标记，这就是增加的面积，从而得到圆柱转化成长方体后，体积不变，面积增加 $2rh$ 。

5. 用：学以致用，学生掌握方法后灵活应用所学的知识，解决真实情境中的生活问题，提高举一反三的变通能力。如表5。

表5 巩固训练环节

教学环节	教师活动	学生活动	设计意图
巩固训练	基础训练： <p>1. 完成书本的做一做。 (1) 有一根圆柱形的木料，底面积为$75cm^2$，长$90cm$，它的体积是多少？ (2) 李家庄挖了一口圆形水井，地面以下的井深$10m$，底面直径为$1m$。挖出的土有多少立方米？</p> <p>2. 应用：把一个半径3厘米，高10厘米的圆柱的底面等分成许多扇形，拼成一个近似的长方体，表面积增加了（ ）cm^2。</p> <p>3. 讨论，下面图形哪些不能用$V=Sh$计算体积？</p> <p>4. 应用：钢管的体积公式</p>	1. 组织学生读题，并圈出题中需要注意的信息。 2. 学生完成巩固练习。 3. 学生交流汇报。 4. 全班交流解题注意事项。 (1) 注意单位； (2) 合理选择公式。 口答公式： $V = \pi (R^2 - r^2) h$	巩固圆柱的体积计算。

巩固训练环节，创设生活情境，引导学生利用 $V_{圆柱} = Sh$ 和 $V_{圆柱} = \pi r^2 h$ 两个公式来解决基础训练。进一步提高思维训练，引导学生灵活应用所学的知识，求出圆柱转化成一个近似的长方体，表面积增加了多少。对公式进行研究，总结归纳出能用 $V=Sh$ 计算体积的立体图形的特征，是由相同图形叠加所形成的立体图形，统称直柱体。进一步拓展应用，生活中的钢管的体积公式 $V = \pi (R^2 - r^2) h$ 。

六、教学评价

本节课围绕着“问-学-导-思-用”五环渐进学教模式，从新知化旧知、勾联找关系、推导得公式这个三方面带领学生探究圆柱体积的知识。围绕本节课的教学内容有目的、有针对性地进行复习，为后面推导及应用圆柱体体积的埋下伏笔^[4]。复习了长方体和正方体的体积公式及统一的公式，利用微课复习了圆的面积的推导过程。引导学生进行知识迁移，从而启发学生推导圆柱体积的计算公式。练习的安排由易到难，由浅入深；并对知识进行拓展应用，联系长方体和正方体的统一公式，进而研究直柱体的公式，使学生当场掌握所学的新知识，并通过练习达到一定技能。

总而言之，我们采用“问-学-导-思-用”五环渐进学教模式，能够以问题来引导学生思考，能够从具体的生活情境中，通过自主学习，动手操作，观察思考，推导演算出圆柱的体积公式，用数学的眼光去发现并且提出相应的问题，用数学的思维去探索、分析和解决具体情境中的现实的问题，并用数学的语言给出数学的描述和解释。通过“五环渐进”学教模式教学的过程中，让学生经历数学的学习、应用、实践探索，积累经验。促进学生初步养成独立思考、探究质疑，合作交流等学习习惯，逐步形成自我反思的意识。

参考文献

- [1]中华人民共和国教育部.义务教育数学课程标准(2022年版)[M].北京:北京师范大学出版社,2022.
- [2]史宁中.义务教育数学课程标准解读:2011年版[M].北京:北京师范大学出版社,2022.
- [3]王天蓉.问题化学习教师行动手册.第2版[M].上海:华东师范大学出版社,2015.
- [4]付宜红.基于核心素养的跨学科学习[M].重庆:西南大学出版社,2022.

作者简介

郑争荣（1983—），男，汉族，福建厦门，本科，福建省厦门市思明区观音山音乐学校，一级教师，研究方向：小学数学教学。